

## **«Магия приемов: от простых задач к сложным» (нестандартные способы решения задач профильной математики)**

В настоящее время приоритет математического образования остаётся актуальным.

Тема мастер – класса ««Магия приемов: от простых задач к сложным» (нестандартные приемы решения задач профильной математики)», а какова моя цель сегодня? (ответы участников мастер – класса). А ваша цель? (ответы участников мастер – класса)

### **Цель мастер-класса:**

- ✓ познакомить учителей и учащихся 10 класса с нестандартными приемами решения некоторых математических заданий ЕГЭ профильной математики первой части.

### **Задачи:**

- 1) познакомить с «лайфхаками», которые можно использовать на ЕГЭ по профильной математике при решении задач первой части;
- 2) сравнить рациональность использования «лайфхаков» с традиционными способами.

**Форма работы стажеров:** групповая (участники делятся на две группы. 1 группа – стажеры, которые хорошо знают математику и умеют решать задачи профильной математики, 2 группа – стажеры, которые еще не овладели всеми приемами решения задач профильной математики или являются учителями по другим предметам)

### **Информационное содержание мастер-класса**

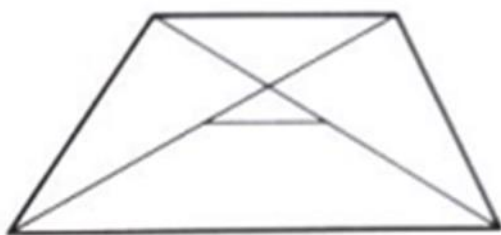
- 1) С английского языка «lifhack» слово лайфхак переводится как «взлом жизни». Лайфхаки в математике - это те приемы и нестандартные способы решения математических задач, которые помогают быстро и легко выполнить вычисления или упростить ход решения задачи. И в силу востребованности нового течения лайфхакинга, а также сложности в понимании некоторых понятий школьного курса математики, творческие педагоги, а также бывшие выпускники 100 бальники (или близкие к ним), активные студенты математических вузов начинают искать, делать и транслировать разные лайфхаки, которые помогают школьникам подготовиться к экзаменам.
- 2) Нестандартные приемы, которые можно использовать при решении задач 1 части профильной математики. Задание из открытого банка ФИПИ:

<https://ege.fipi.ru/bank/index.php?proj=AC437B34557F88EA4115D2F374B0A07B> и с сайта <https://math-ege.sdangia.ru/>

**Задачи по разделам «Планиметрия», «Стереометрия», «Вычисления и преобразования», «Текстовые задачи».**

**1. Планиметрия**

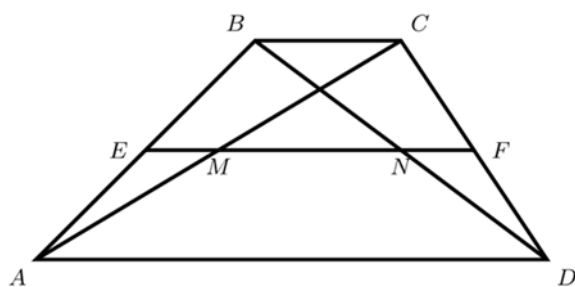
- 1.1.** Основания трапеции равны 8 и 20. Найдите отрезок, соединяющий середины диагоналей трапеции.



**Лайфхак:** Отрезок, соединяющий середины диагоналей, равен полуразности оснований.

$$MN = \frac{AD - BC}{2}$$

**Традиционное решение:**



Обозначим вершины, как показано на рисунке, и проведем среднюю линию EF трапеции:

По свойству средней линии  $EF \parallel BC \parallel AD$ . Тогда по теореме Фалеса M и N — середины диагоналей трапеции. Следовательно, MN — искомый отрезок.

Заметим, что EN — средняя линия  $\triangle ABD$ . Следовательно,  $EN = \frac{1}{2}AD$ .

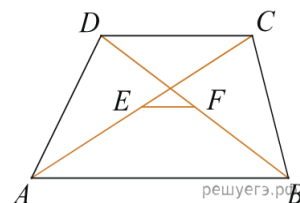
Также EM — средняя линия  $\triangle ABC$ , значит,  $EM = \frac{1}{2}BC$ . Тогда

$$MN = EN - EM = \frac{1}{2}(AD - BC) = \frac{1}{2}(20 - 8) = 6$$

**Задачи для решения:**

39 Тип 1 № 50833 *i*

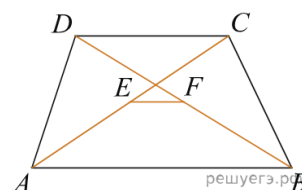
Основания трапеции равны 12 и 60. Найдите отрезок, соединяющий середины диагоналей трапеции.



Ответ:

3 Тип 1 № 50879 *i*

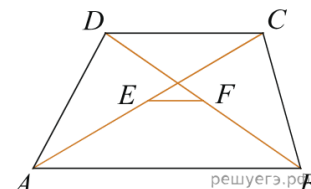
Основания трапеции равны 7 и 18. Найдите отрезок, соединяющий середины диагоналей трапеции.



Ответ:

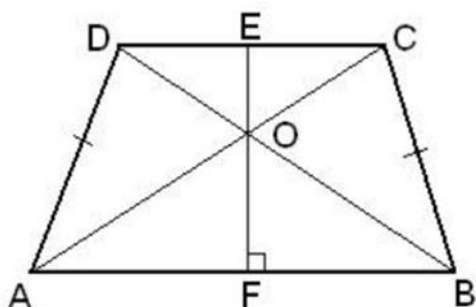
16 Тип 1 № 50835 *i*

Основания трапеции равны 6 и 48. Найдите отрезок, соединяющий середины диагоналей трапеции.



Ответ:

1.2. В равнобедренной трапеции диагонали **перпендикулярны**. Высота трапеции равна 18. Найдите ее среднюю линию.



**Лайфхак:** Если в равнобедренной трапеции диагонали перпендикулярны, то высота равна ее средней линии.

**Традиционное решение:**

Так как диагонали пересекаются под прямым углом, то высота  $EF$  делит прямой угол пополам, то есть, угол  $\angle AOF = 45^\circ$ . Учитывая, что угол  $\angle AFO = 90^\circ$ , то третий угол треугольника  $AFO$   $\angle OAF = 45^\circ$  и треугольник  $AOF$  – равнобедренный со сторонами  $AF=FO$ . Аналогично и для треугольника  $DEO$  – равнобедренный со сторонами  $DE=EO$ .

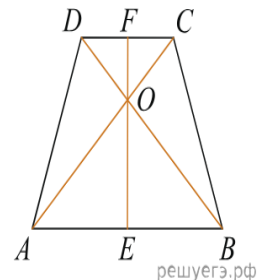
В равнобедренной трапеции точка пересечения диагоналей  $O$  проецируется на центры оснований трапеции  $DC$  и  $AB$ , то есть  $AB=2AF$  и  $DC=2DE$ . Следовательно, средняя линия трапеции, равна:

$$MN = \frac{AB + DC}{2} = AF + DE = FO + EO = 18$$

### Задачи для решения:


3 Тип 1 № 27844 

В равнобедренной трапеции диагонали перпендикулярны. Высота трапеции равна 12. Найдите ее среднюю линию.

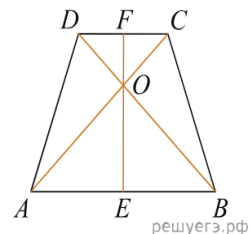


Ответ:

Активация Windows

48 Тип 1 № 50925 

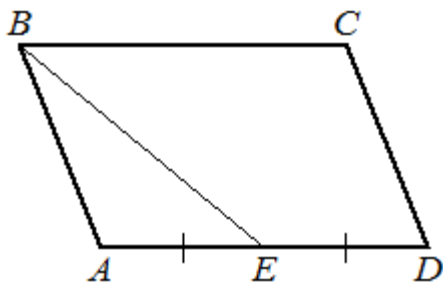
В равнобедренной трапеции диагонали перпендикулярны. Высота трапеции равна 9. Найдите ее среднюю линию.



Ответ:

Активация Windows

1.3. Площадь параллелограмма  $ABCD$  равна 28. Точка  $E$  — середина стороны  $AD$ . Найдите площадь трапеции  $BCDE$ .



**Лайфхак:** Если в параллелограмме отмечена точка на середине стороны, то отрезок, соединяющий вершину параллелограмма с этой точкой образует в этом параллелограмме 4 равных треугольника. Таким образом трапеция  $BCDE$  состоит из 3

таких

треугольников.

$$S_{BCDE} = \frac{3}{4} \cdot 28 = 21$$

### Традиционное решение:

Пусть  $h$  — высота параллелограмма  $ABCD$ , тогда его площадь равна  $S_{ABCD} = AD \cdot h$

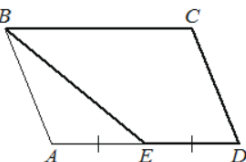
Площадь трапеции  $BCDE$  равна  $S_{BCDE} = \frac{ED+BC}{2} \cdot h = \frac{\frac{3}{2}AD}{2} \cdot h = \frac{3}{4}AD \cdot h = \frac{3}{4} \cdot 28 = 21$

Ответ: 21.

### Задачи для решения:

Впишите правильный ответ.

Площадь параллелограмма  $ABCD$  равна 24. Точка  $E$  — середина стороны  $AD$ . Найдите площадь трапеции  $BCDE$ .

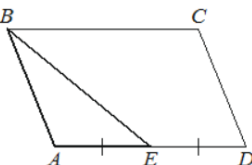


Номер: 282EDC ★ Статус задания: НЕ РЕШЕНО

ОТВЕТИТЬ

Впишите правильный ответ.

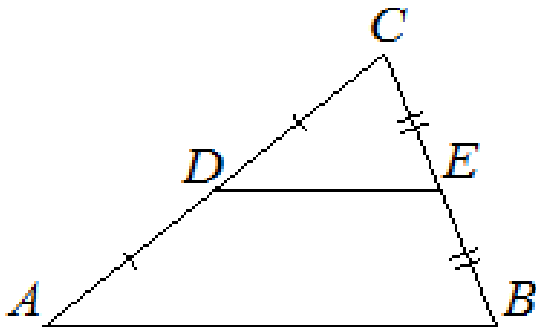
Площадь параллелограмма  $ABCD$  равна 60. Точка  $E$  — середина стороны  $AD$ . Найдите площадь треугольника  $ABE$ .



Номер: B3E586 ★ Статус задания: НЕ РЕШЕНО

ОТВЕТИТЬ

1.4. Площадь треугольника  $ABC$  равна 24,  $DE$  — средняя линия, параллельная стороне  $AC$ . Найдите площадь трапеции  $ABED$ .



**Лайфхак:** Средняя линия треугольника делит этот треугольник на 4 равных треугольника.  $S_{ABED} = \frac{3}{4} \cdot 24 = 18$

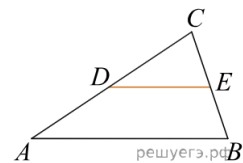
### Традиционное решение:

Треугольник CDE подобен треугольнику CAB с коэффициентом 0,5. Площади подобных фигур относятся как квадрат коэффициента подобия, поэтому  $S_{CDE} = \frac{1}{4} \cdot S_{ABC}$ . Следовательно  $S_{\text{трап}} = S_{ABC} - S_{CDE} = 24 - 6 = 18$

### Задачи для решения:

3 Тип 1 № 55353

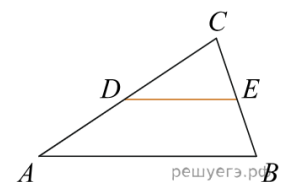
Площадь треугольника ABC равна 136. DE — средняя линия. Найдите площадь треугольника CDE.



Ответ:

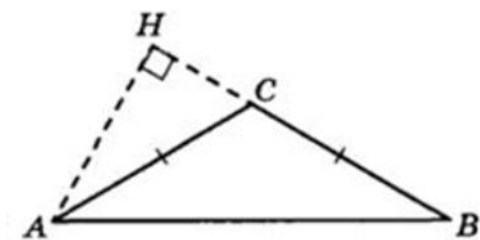
92 Тип 1 № 525400

Площадь треугольника ABC равна 36, DE — средняя линия треугольника, параллельная стороне AB. Найдите площадь трапеции ABED.



Ответ:

1.5. В тупоугольном треугольнике ABC известно, что  $AC = BC = 10$ , высота AH равна  $\sqrt{51}$ . Найдите косинус угла ACB.



**Лайфхак:** из рисунка видно, что углы  $\angle ACB$  и  $\angle ACH$  смежные, а косинусы смежных углов имеют противоположные значения.

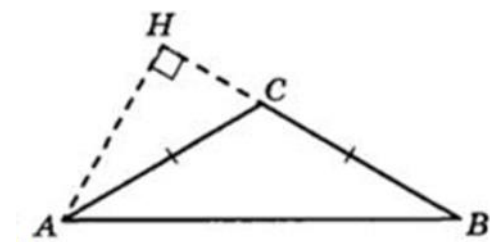
**Решение с помощью лайфхака:** Найдем косинус угла  $\angle ACH$  из прямоугольного треугольника  $\triangle ACH$  как отношение

$$\cos \angle ACH = \frac{CH}{AC} = \frac{\sqrt{AC^2 - AH^2}}{AC}$$

$$\cos \angle ACH = \frac{\sqrt{100 - 51}}{10} = \frac{7}{10} = 0,7$$

Следовательно,  $\cos \angle ACB = -0,7$ .

**1.6.** В тупоугольном треугольнике  $\triangle ABC$  известно, что  $AC = BC$ , высота  $AH$  равна 3,  $CH = \sqrt{7}$ . Найдите синус угла  $\angle ACB$ .



**Лайфхак:** из рисунка видно, что углы  $\angle ACB$  и  $\angle ACH$  смежные, а синусы смежных углов равны.

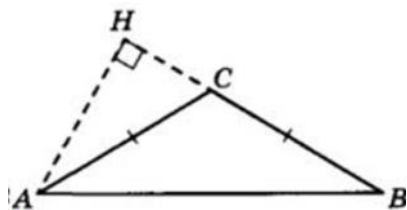
**Решение с помощью лайфхака:** найдем синус угла  $\angle ACH$  из прямоугольного треугольника  $\triangle ACH$  как отношение

$$\sin \angle ACH = \frac{AH}{AC} = \frac{AH}{\sqrt{AH^2 + CH^2}}$$

$$\sin \angle ACH = \frac{3}{\sqrt{9+7}} = \frac{3}{4} = 0,75$$

Следовательно,  $\sin \angle ACB = 0,75$ .

**1.7.** В тупоугольном треугольнике  $\triangle ABC$  известно, что  $AC = BC$ , высота  $AH$  равна 4,  $CH = 8$ . Найдите тангенс угла  $\angle ACB$ .



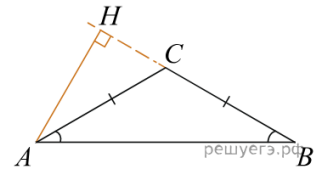
**Лайфхак:** из рисунка видно, что углы  $\angle ACB$  и  $\angle ACH$  смежные, а тангенсы смежных углов имеют противоположные значения.

**Решение с помощью лайфхака:** найдем тангенс угла  $\angle ACH$  из прямоугольного треугольника  $\triangle ACH$  как отношение  $tg \angle ACH = \frac{4}{8} = 0,5$  Следовательно  $tg \angle ACB = -0,5$

### Задачи для решения:

27 Тип 1 № 27345 *i*

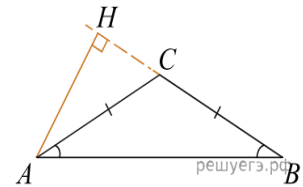
В тупоугольном треугольнике  $ABC$   $AC = BC = 8$ , высота  $AH$  равна 4. Найдите  $\sin ACB$ .



Ответ:

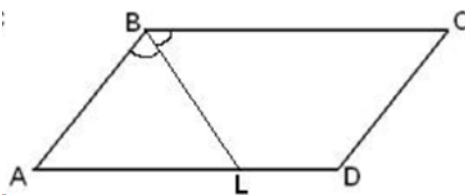
55 Тип 1 № 27349 *i*

В тупоугольном треугольнике  $ABC$   $AC = BC = 8$ ,  $AH$  — высота,  $CH = 4$ . Найдите  $\cos ACB$ .



Ответ:

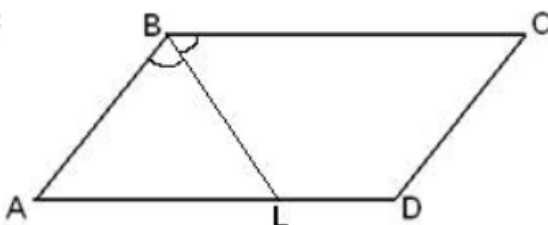
**1.8.** Биссектриса тупого угла параллелограмма делит противоположную сторону в отношении 5:3, считая от вершины острого угла. Найдите большую сторону параллелограмма, если его периметр равен 104.



**Лайфхак:** биссектриса параллелограмма отсекает от него равнобедренный треугольник.

**Традиционное решение:** углы  $CBL$  и  $ALB$  равны как накрест лежащие углы при пересечении параллельных прямых секущих. Следовательно, треугольник  $ABL$  равнобедренный со сторонами  $AB=AL$ .

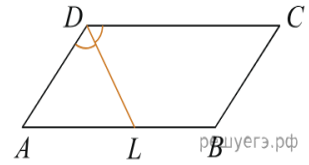
**Задача для решения:**





34 Тип 1 № 27826 *i*

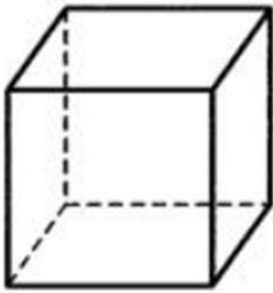
Биссектриса тупого угла параллелограмма делит противоположную сторону в отношении 4 : 3, считая от вершины острого угла. Найдите большую сторону параллелограмма, если его периметр равен 88.



Ответ:

## 2. Стереометрия

2.1. Во сколько раз увеличится объём куба, если все его рёбра увеличить в 3 раза?



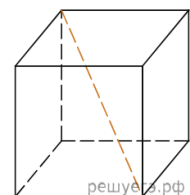
**Лайфхак:** если одно ребро куба увеличить (уменьшить) в  $n$  раз, то объём увеличится (уменьшится) в  $n^3$  раз.

**Традиционное решение:** Объём куба можно определить по формуле  $V=a^3$ , где  $a$  - длина ребра (у куба все ребра равны). Если длины ребер увеличить в 3 раза, то получим объём  $V=3^3a^3=27a^3$ , т.е. объём увеличится в 27 раз.

**Задача для решения:**

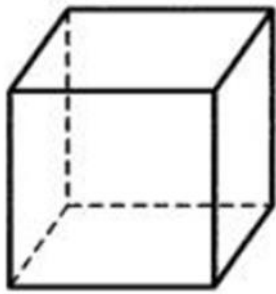
2 Тип 3 № 500957 *i*

Во сколько раз увеличится объём куба, если все его рёбра увеличить в 5 раз?



Ответ:

**2.2.** Во сколько раз увеличится площадь поверхности куба, если все его рёбра увеличить в 3 раза?



**Лайфхак:** если одно ребро куба увеличить (уменьшить) в  $n$  раз, то площадь поверхности увеличится (уменьшится) в  $n^2$  раз.

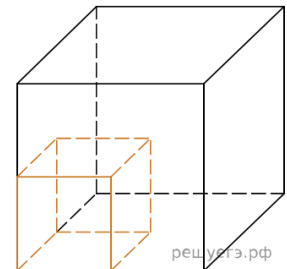
**Традиционное решение:**

Объем куба можно определить по формуле  $S=6a^2$ , где  $a$  - длина ребра (у куба все ребра равны). Если длины ребер увеличить в 3 раза, то получим площадь поверхности  $S=6 \cdot 3^2 a^2=6 \cdot 9a^2$ , т.е. площадь поверхности увеличится в 9 раз.

**Задача для решения:**

11 Тип 3 № 27165 

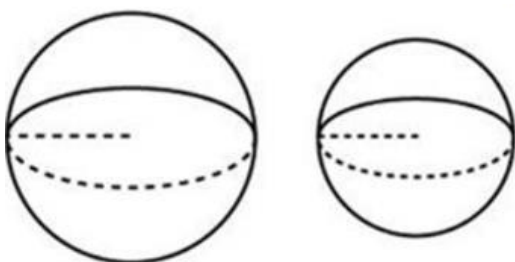
Во сколько раз увеличится площадь поверхности куба, если его ребро увеличить в два раза?



Ответ:

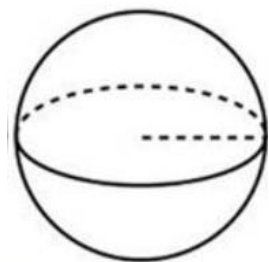
Активация Windows  
Чтобы активировать Windows, перейдите в раздел

**2.3.** Дано два шара. Радиус первого шара в 2 раза больше радиуса второго. Во сколько раз площадь поверхности первого шара больше площади поверхности второго?



**Лайфхак:** если радиус первого шара в  $n$  раз больше радиуса второго шара, то площадь первого шара будет в  $n^2$  раз больше площади второго шара.

### Традиционное решение:



Площадь поверхности шара определяется формулой  $S = 4\pi R^2$ .

Если радиус первого шара в 2 раза больше радиуса второго, следовательно, площадь первого шара можно обозначить как

$$S_1 = 4\pi \cdot (2R)^2 = 4\pi \cdot 4R^2, \text{ а площадь второго шара как } S_2 = 4\pi R^2.$$

$$\frac{S_1}{S_2} = \frac{4\pi \cdot 4R^2}{4\pi R^2} = 4$$

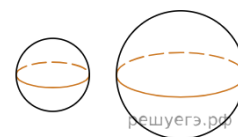
Тогда их отношение равно  $\frac{S_1}{S_2} = \frac{4\pi \cdot 4R^2}{4\pi R^2} = 4$ , то есть площадь поверхности первого шара в 4 раза больше площади поверхности второго шара.

### Задача для решения:

5

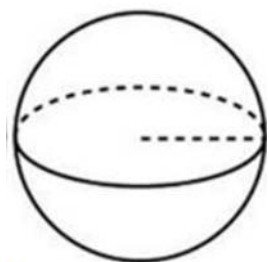
Тип 3 № 5075

Дано два шара. Радиус первого шара в 60 раз больше радиуса второго. Во сколько раз площадь поверхности первого шара больше площади поверхности второго?



Ответ:

2.4. Во сколько раз увеличится объем шара, если его радиус увеличить в три раза?



*Прием:* при увеличении радиуса в  $n$  раз размеры шара увеличиваются также в  $n$  раз. Следовательно, объем шара увеличится в  $n^3$  раз.

### Традиционное решение:

Объем шара равен  $V = \frac{4}{3}\pi R^3$ . Если радиус увеличить в 3 раза, то его объем

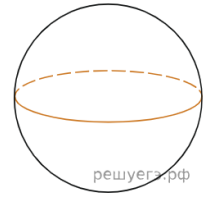
станет равным  $V_2 = 3^3 \cdot \frac{4}{3}\pi R^3 = 27V$ , то есть увеличится в 27 раз.

### Задача для решения:

8

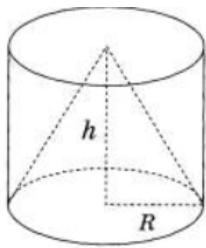
Тип 3 № 74403 

Во сколько раз увеличится объем шара, если его радиус увеличить в десять раз?



Ответ:

2.5. Цилиндр и конус имеют общее основание и общую высоту. Вычислите объём цилиндра, если объём конуса равен 20.



*Лайфхак: Если цилиндр и конус имеют общее основание и высоту, то объём цилиндра в 3 раза больше объёма конуса и наоборот.*

### Традиционное решение:

Определим во сколько раз объём цилиндра отличается от объёма конуса. Объём

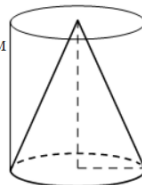
конуса можно определить как  $V_1 = \frac{1}{3} S_{\text{осн}} h$ , а объём цилиндра как  $V_2 = S_{\text{осн}} h$ .

Следовательно, объём цилиндра больше объёма конуса в 3 раза.

### Задачи для решения:

Впишите правильный ответ.

Цилиндр и конус имеют общее основание и высоту. Объём цилиндра равен 30. Найдите объём конуса.



Номер: 26B211

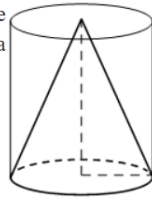


Статус задания: НЕ РЕШЕНО

ОТВЕТИТЬ

Впишите правильный ответ.

Цилиндр и конус имеют общие основание и высоту. Объем цилиндра равен 6. Найдите объем конуса.



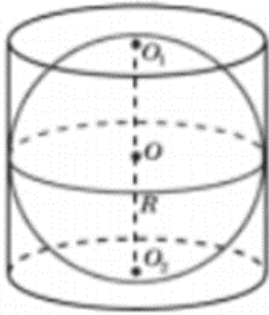
Номер: 41E054



Статус задания: НЕ РЕШЕНО

ОТВЕТИТЬ

2.6. Шар, объем которого равен 64, вписан в цилиндр. Найдите объем цилиндра.



*Лайфхак:* Объем шара, вписанного в цилиндр, равен  $2/3$  объема цилиндра и наоборот.

**Традиционное решение:**

Так как цилиндр вписан в шар, то высота цилиндра равна диаметру шара  $h=2R$ , а площадь основания  $S = \pi R^2$ , где  $R$  – радиус шара. В результате формулу объема цилиндра можно записать так:  $V = \pi R^2 \cdot 2R = 2\pi R^3$ . Найдём куб радиуса

шара из формулы его объема: 
$$V_{\text{шара}} = \frac{4}{3} \pi R^3 \Rightarrow R^3 = \frac{3V_{\text{шара}}}{4\pi} = \frac{3 \cdot 64}{4\pi} = \frac{48}{\pi}$$

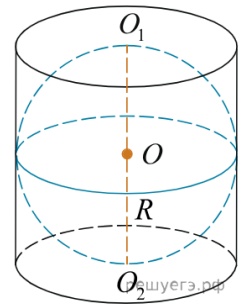
Подставляем это значение в формулу объема цилиндра, имеем:

$$V = 2\pi \cdot \frac{48}{\pi} = 2 \cdot 48 = 96$$

**Задачи для решения:**

5 Тип 3 № 269359 

Цилиндр описан около шара. Объем шара равен 38. Найдите объем цилиндра.

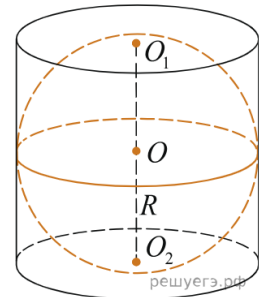


Ответ:

Активация Windows  
Чтобы активировать Windows, перейдите в раздел "Параметры".

22 Тип 3 № 525041 

Шар, объем которого равен 42, вписан в цилиндр. Найдите объем цилиндра.

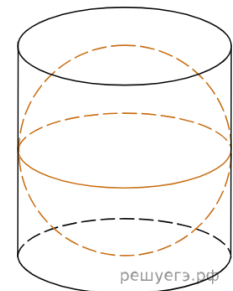


Ответ:

Активация Windows

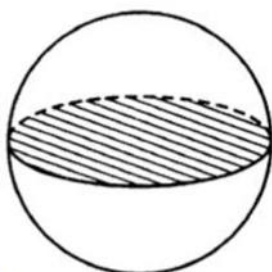
26 Тип 3 № 269309 

Цилиндр описан около шара. Объем цилиндра равен 102. Найдите объем шара.



Ответ:

2.7. Площадь большого круга шара равна 3. Найдите площадь поверхности шара.



*Лайфхак:* площадь поверхности шара в 4 раза больше площади большого сечения шара и наоборот.

**Традиционное решение:** Площадь поверхности шара определяется формулой

$S = 4\pi R^2$ . Найдем радиус  $R$  шара из площади большого круга шара:  $S_2 = \pi R^2$ ,

откуда  $R^2 = \frac{S_2}{\pi} = \frac{3}{\pi}$ .

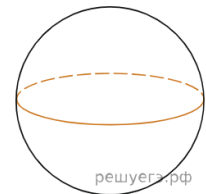
Подставляем значение квадрата радиуса шара в формулу его площади

поверхности, получаем:  $S = 4\pi \cdot \frac{3}{\pi} = 12$ .

**Задачи для решения:**

2 Тип 3 № 522970 

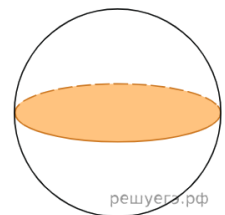
Площадь поверхности шара равна 12. Найдите площадь большого круга шара.



Ответ:

13 Тип 3 № 27185 

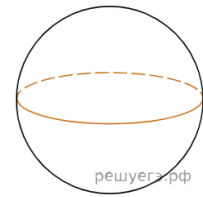
Площадь большого круга шара равна 1. Найдите площадь поверхности шара.



Ответ:

17 Тип 3 № 525372 

Площадь поверхности шара равна 24. Найдите площадь большого круга шара.



Ответ:

**2.8.** В цилиндрический сосуд налили  $2000 \text{ см}^3$  воды. Уровень воды при этом достигает высоты 12 см. В жидкость полностью погрузили деталь. При этом уровень жидкости в сосуде поднялся на 9 см. Чему равен объем детали? Ответ выразите в  $\text{см}^3$ .

**Прием:** объем детали равен объему вытесненной жидкости.  $V_{\text{тела}} = \frac{V_{\text{воды}}}{h_{\text{воды}}}$

$h_{\text{поднятие уровня}}$

### Традиционное решение:

Для вычисления объема детали нужно вычислить разность объемов после и до погружения. Начальный объем воды составлял  $2000 \text{ см}^3$  воды и уровень воды составлял 12 см. Тогда из формулы объема цилиндра следует, что

$$V = S_{\text{осн}} \cdot h$$

$$S_{\text{осн}} = \frac{V}{h} = \frac{2000}{12} = \frac{500}{3}$$

После погружения детали площадь основания остается прежней, а высота стала на 9 см больше и составила  $12+9=21$  см. Получаем объем воды

$$V_2 = \frac{500}{3} \cdot 21 = 500 \cdot 7 = 3500 \text{ см}^3$$

и объем детали

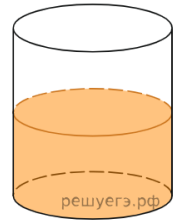
$$V_2 - V = 3500 - 2000 = 1500 \text{ см}^3.$$

**Задачи для решения:**



2 Тип 3 № 4907 *i*

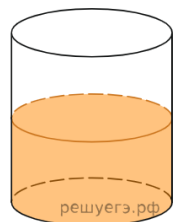
В цилиндрический сосуд налили  $1200 \text{ см}^3$  воды. Уровень воды при этом достигает высоты 12 см. В жидкость полностью погрузили деталь. При этом уровень жидкости в сосуде поднялся на 10 см. Чему равен объем детали? Ответ выразите в  $\text{см}^3$ .



Ответ:

9 Тип 3 № 509994 *i*

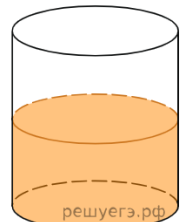
В цилиндрический сосуд налили  $600 \text{ см}^3$  воды. В воду полностью погрузили деталь. При этом уровень жидкости в сосуде увеличился в 1,6 раза. Найдите объем детали. Ответ выразите в  $\text{см}^3$ .



Ответ:

29 Тип 3 № 27091 *i*

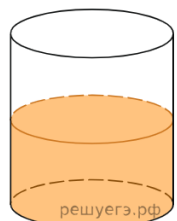
В цилиндрический сосуд налили 6 куб. см воды. В воду полностью погрузили деталь. При этом уровень жидкости в сосуде увеличился в 1,5 раза. Найдите объем детали. Ответ выразите в куб. см.



Ответ:

30 Тип 3 № 74093 *i*

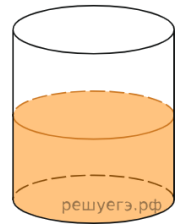
В цилиндрический сосуд, в котором находится 10 литров воды, опущена деталь. При этом уровень жидкости в сосуде поднялся в 1,9 раза. Чему равен объем детали? Ответ выразите в литрах.



Ответ:

35 Тип 3 № 517213 *i*

В цилиндрический сосуд налили  $1800 \text{ см}^3$  воды. Уровень жидкости оказался равным 12 см. В воду полностью погрузили деталь. При этом уровень жидкости в сосуде поднялся на 2 см. Чему равен объём детали? Ответ выразите в  $\text{см}^3$ .



Ответ:

### 3. Вычисления и преобразования

3.1. Найдите  $p(x - 7) + p(13 - x)$ , если  $p(x) = 2x + 1$ .

**Лайфхак:** взять за  $x$ - любое число, найти значение выражения для данного  $x$ .

тогда  $p(10-7) + p(13-10) = p(3) + p(3) = 6 + 1 + 6 + 1 = 14$ .

**Традиционное решение:**

Найдите  $p(x - 7) + p(13 - x)$ , если  $p(x) = 2x + 1$ .

Подставляя аргументы в формулу, задающую функцию, получим:

$$p(x - 7) = 2(x - 7) + 1 = 2x - 14 + 1 = 2x - 13;$$

$$p(13 - x) = 2(13 - x) + 1 = 26 - 2x + 1 = 27 - 2x.$$

$$\text{Отсюда получаем: } p(x - 7) + p(13 - x) = 2x - 13 + 27 - 2x = (2x - 2x) + (-13 + 27) = 0x + (27 - 13) = 14.$$

Ответ:  $p(x - 7) + p(13 - x) = 14$ .

**Задачи для решения:**

---

61 Тип 7 № 26830 *i*

Найдите значение выражения  $\sqrt{(a - 6)^2} + \sqrt{(a - 10)^2}$  при  $6 \leq a \leq 10$ .

Ответ:

17 Тип 7 № **67615** *i*

Найдите значение выражения  $x + \sqrt{x^2 - 24x + 144}$  при  $x \leq 12$ .

Ответ:

31 Тип 7 № **26839** *i*

Найдите  $\frac{g(2-x)}{g(2+x)}$ , если  $g(x) = \sqrt[3]{x(4-x)}$  при  $|x| \neq 2$ .

Ответ:

69 Тип 7 № **26823** *i*

Найдите  $2p(x-7) - p(2x)$ , если  $p(x) = x - 3$ .

Ответ:

#### 4. Текстовые задачи

Имеется два сплава. Первый сплав содержит 5% меди, второй — 13% меди. Масса второго сплава больше массы первого на 9 кг. Из этих двух сплавов получили третий сплав, содержащий 10% меди. Найдите массу третьего сплава. Ответ дайте в килограммах.

**Прием:** *Используем конверт Пирсона*

	%	%	%	
1 раствор	5		13-10=3	3 части 1 р-ра
		10		
2 раствор	13		10-5 =5	5 частей -2 р-ра

1 раствор относится к 2 как  $\frac{3}{5}$

Разница между частями  $5-3=2$  части – это 9 кг

$9:2=4,5$  кг – 1 часть. Всего частей:  $3+5=8$ , следовательно,  $8\cdot4,5=36$  кг.

Ответ: **36 кг.**

### Традиционное решение:

Пусть масса первого сплава  $m$  кг, а масса второго —  $m+9$  кг. Тогда масса третьего сплава равна  $2m+9$  кг. Первый сплав содержит 5% меди, второй — 13% меди, третий сплав — 10% меди. Таким образом,

$$0,05m+0,13(m+9)=0,1(2m+9) \Leftrightarrow 0,18m+1,17=0,2m+0,9 \Leftrightarrow m=13,5.$$

Следовательно, масса третьего сплава равна  $2m+9=2\cdot13,5+9=36$  кг.

Ответ: 36.

### Задачи для решения:

17 Тип 10 № **628237** *i*

Имеется два сплава. Первый содержит 10% никеля, второй — 35% никеля. Из этих двух сплавов получили третий сплав массой 175 кг, содержащий 25% никеля. На сколько килограммов масса первого сплава была меньше массы второго?

Ответ:

<https://math-ege.sdangia.ru/problem?id=628237>


25 Тип 10 № **541376** *i*

Имеется два сплава. Первый сплав содержит 40% меди, второй — 25% меди. Масса первого сплава больше массы второго на 10 кг. Из этих двух сплавов получили третий сплав, содержащий 35% меди. Найдите массу третьего сплава. Ответ дайте в килограммах.

Ответ:

<https://math-ege.sdangia.ru/problem?id=541376>

29

Тип 10 № [109113](https://math-ege.sdamgia.ru/problem?id=109113) 

Имеется два сплава. Первый содержит 10% никеля, второй — 35% никеля. Из этих двух сплавов получили третий сплав массой 225 кг, содержащий 25% никеля. На сколько килограммов масса первого сплава была меньше массы второго?

Ответ:

<https://math-ege.sdamgia.ru/problem?id=109113>

## Памятка с полезными ЛАЙФХАКАМИ для учеников

### 1) Лайфхак «Пифагоровы тройки»

**Пифагоровы тройки**

a	3	5	6	7	9	11	13	15	17
b	4	12	8	24	40	60	84	112	144
c	5	13	10	25	41	61	85	113	145

Пифагоровы числа обладают рядом свойств

- Один из «катетов» должен быть кратным трём.
- Один из «катетов» должен быть кратным четырём.
- Одно из пифагоровых чисел должно быть кратно пяти.

### 2) Лайфхак «Хорошие» прямоугольные треугольники

«Хорошие» прямоугольные треугольники — это один из лайфхаков, который помогает при подготовке к ЕГЭ по математике.

Согласно этому лайфхаку, доказывать прямоугольность треугольника удобно через факт о том, что медиана равна половине гипотенузы. Для этого нужно провести медиану к предполагаемой гипотенузе (пока не доказано, что треугольник прямоугольный). Если отметить все равные отрезки, можно заметить, что таким образом появилась ещё и средняя линия треугольника — тоже полезный объект.

Этот лайфхак был предложен учителем математики Авхадиевым Ильясом Ильдаровичем в школьном проекте [onlyege.ru](http://onlyege.ru).

### 3) Лайфхак «Формула ПИКА»

**Формула Пика** позволит вам с необычайной легкостью находить площадь любого многоугольника на клетчатой бумаге с целочисленными вершинами.

Площадь многоугольника с целочисленными вершинами равна

$$S = B + \frac{\Gamma}{2} - 1$$

где  
B — количество целочисленных точек внутри многоугольника, а  
Γ — количество целочисленных точек на границе многоугольника.

Формула Пика очень удобна когда сложно догадаться, как разбить фигуру на удобные многоугольники или достроить...

12 Площадь одной клетки равна 1. Найдите площадь фигуры, изображённой на рисунке.

**Формула Пика.**

$$S = B + \frac{\Gamma}{2} - 1.$$
$$S = 17 + \frac{14}{2} - 1 =$$
$$= 17 + 7 - 1 = 23.$$

Ответ: 23.

## **Заключение**

Не все лайфхаки прогрессивнее собственных знаний, но многие задания можно с их помощью можно решать быстрее и правильно.

При подготовке к ЕГЭ хорошим подспорьем могут стать лайфхаки. Нестандартные приемы не работают на абсолютно всех заданиях, да и применять их без базовых математических знаний вряд ли удастся. Применить их можно только в заданиях с кратким ответом, в задачах с развернутым ответом необходимо показать обоснованное полное решение и продемонстрировать глубину своих знаний. Поэтому не стоит пренебрегать традиционными способами и приемами решения задач.

## Рефлексия

Выбрать предложения, которые наиболее удовлетворяют вашему состоянию на конец работы.

- 1. Устал (а), но получил(а) удовлетворение от своей работы.**
- 2. Научился (лась) интересным нестандартным приемам, которые можно использовать при решении математических задач.**
- 3. Было много непонятного, но я справился (ась).**
- 4. Считаю, что все задачи по математике нужно решать традиционными приемами и способами.**
- 5. Труднее всего для меня оказался способ с конвертом «Пирсона».**
- 6. Считаю, что использовать нестандартные приемы полезно и нужно, чтобы можно было сэкономить время на экзамене.**
- 7. Лайфхаки по математике реально работают!**
- 8. Я сегодня точно провел(а) время с пользой.**
- 9. Ничего не понял(а), зря провел(а) время.**
- 10. У меня свое мнение на это мероприятие, и я его никому не расскажу.**





### Список используемой литературы

1. Лайфхаки для ОГЭ и ЕГЭ по математике [Электронный ресурс] [https://dzen.ru/a/XgS-rG0pwQCt\\_Rlv](https://dzen.ru/a/XgS-rG0pwQCt_Rlv)
2. Лайфхаки к ЕГЭ по математике [Электронный ресурс] <https://obuchonok.ru/node/9397>
3. Лайфхаки в первой части ЕГЭ за 60 минут [Электронный ресурс] <https://dzen.ru/video/watch/645f49da431d8c20999f59d9>
4. Подготовка к ЕГЭ по математике [Электронный ресурс] <https://dzen.ru/video/watch/625bfbc53e50e11d4b5669a2>
5. Открытый банк ФИПИ по профильной математике [Электронный ресурс] <https://ege.fipi.ru/bank/index.php?proj=AC437B34557F88EA4115D2F374B0A07B>
6. Решу ЕГЭ [Электронный ресурс] <https://math-ege.sdangia.ru/>